

# Die Menge der reellen Zahlen $\mathbb{R}$

bestehen aus den

<b>rationalen Zahlen <math>\mathbb{Q}</math></b>	und den	<b>irrationalen Zahlen <math>\mathbb{I}</math></b>
Endliche und periodische Dezimalzahlen = Bruchzahlen		Unendliche Dezimalzahlen lassen sich nicht als Bruch darstellen

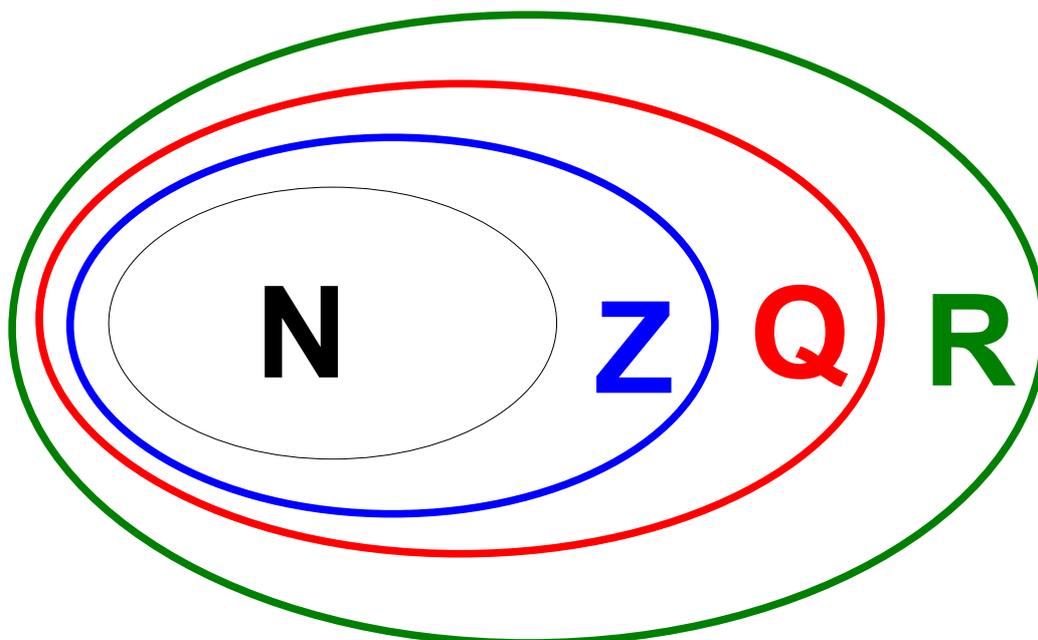
## Die Zahlengerade

Die reellen Zahlen füllen die Zahlengerade lückenlos.

Zu jedem Punkt auf der Zahlengeraden gehört eine reelle Zahl.

Die Quadratwurzel aus einer „Nicht-Quadratzahl“ ist eine irrationale Zahl.

## Die Zahlenmengen



N....natürliche Zahlen

Z....ganze Zahlen

Q....rationale Zahlen

R....reelle Zahlen

## Potenzen und Wurzeln

### Quadratzahlen und Quadratwurzeln

$$12^2 = \qquad \qquad \qquad \sqrt{144} =$$

$$1,9^2 = \qquad \qquad \qquad \sqrt{3,61} =$$

$$60^2 = \qquad \qquad \qquad \sqrt{3600} =$$

Das Quadratwurzelziehen ist die Umkehrung des Quadrierens.

### Potenzen und Wurzeln höheren Grades

$$1^3 = \qquad \qquad \qquad 2^5 = \qquad \qquad \qquad \sqrt[5]{32} =$$

$$2^3 = \qquad \qquad \qquad 3^4 = \qquad \qquad \qquad \sqrt[4]{81} =$$

$$3^3 = \qquad \qquad \qquad (-1)^5 = \qquad \qquad \qquad \sqrt[5]{-1} =$$

$$4^3 = \qquad \qquad \qquad 5^4 = \qquad \qquad \qquad \sqrt[4]{625} =$$

$$5^3 = \qquad \qquad \qquad (-1)^8 = \qquad \qquad \qquad \sqrt[3]{64} =$$

$$6^3 = \qquad \qquad \qquad 5^0 = \qquad \qquad \qquad \sqrt[3]{216} =$$

Beachte: $a^0 = 1$ $\qquad \qquad \qquad \sqrt[x]{a^x} = a$
-------------------------------------------------------------

### Addieren und Subtrahieren von Wurzeln

$$\sqrt{5} + \sqrt{5} + \sqrt{5} =$$

$$3 \cdot \sqrt{3} + 2 \cdot \sqrt{3} =$$

$$4 \cdot \sqrt{7} - \sqrt{7} =$$

$$5 \cdot \sqrt{a} + 3 \cdot \sqrt{c} - 2 \cdot \sqrt{c} - 3 \cdot \sqrt{a} =$$

### Multiplizieren und Dividieren von Wurzeln

$$\sqrt{24 \cdot 6} =$$

$$\sqrt{25} \cdot \sqrt{49} =$$

$$\sqrt{\frac{1}{9}} \cdot \sqrt{\frac{25}{4}} =$$

## Einen Faktor „unter die Wurzel bringen“

Einen Faktor kann ich unter die Quadratwurzel bringen, wenn ich ihn quadriere.

$$2 \cdot \sqrt{5} = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$6 \cdot \sqrt{\frac{1}{3}} =$$

$$a \cdot \sqrt{b} = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$3a \cdot \sqrt{\frac{b}{a}} =$$

## Teilweises Wurzelziehen

Wenn ich Zahlen in Quadratzahlen zerlege, kann ich aus diesen die Quadratwurzel ziehen.

$$\sqrt{50} = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$\sqrt{27} = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$\sqrt{80} = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$\sqrt{x^2 \cdot y} = \underline{\hspace{10cm}}$$

$$\sqrt{a^3 \cdot b^2} = \underline{\hspace{10cm}}$$

## Rationalmachen des Nenners

Im Nenner eines Bruches soll eine rationale Zahl stehen (gemeinsamer Nenner?).

$$\frac{1}{\sqrt{3}} =$$

$$\frac{10}{\sqrt{5}} =$$

$$\frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{10}} =$$

$$\frac{1}{2 + \sqrt{2}} =$$

$$\frac{6}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} =$$